

$$f(x, y) = x^2 + y^2, \quad 3x + 2y = 6$$

próbujemy sparametryzować zbiór opisany warunkiem -- tutaj mamy prostą  $y = 3 - \frac{3}{2}x$ , gdzie  $x \in \mathbb{R}$

wobec tego nasza funkcja  $f$  na tej prostej wygląda tak  $g(x) := f(x, 3 - \frac{3}{2}x) = x^2 + (3 - \frac{3}{2}x)^2 = \frac{13}{4}x^2 - 9x + 9$

Szukamy ekstremów otrzymanej funkcji kwadratowej (jednej zmiennej). Tutaj można to zrobić nawet bez różniczkowania, z własności funkcji kwadratowej

$$g'(x) = \frac{13}{2}x - 9 = 0 \iff x = \frac{18}{13}$$

W punkcie  $\frac{18}{13}$  mamy punkt stacjonarny, dalej możemy badać drugą pochodną lub patrzeć na znak  $g'$  na lewo i na prawo

$g''(x) = \frac{13}{2} > 0$ , a więc mamy minimum lokalne funkcji pomocniczej  $g$

To oznacza, że  $f$  ma w punkcie  $(\frac{18}{13}, 3 - \frac{3}{2} \cdot \frac{18}{13})$  minimum lokalne pod warunkiem  $3x + 2y = 6$