

Oto co trzeba koniecznie wiedzieć/znać:

- Własności i definicje podstawowych funkcji: \exp , \sin , \cos (z wykładu i te wymienione w zadaniach 41–49), Log (zadanie 58), funkcja gamma Eulera (definicja i własności z zadania 88abc), funkcja dzeta Riemanna (definicja);
- Homografie: definicja i podstawowe własności (10–12);
- Pochodna zespolona, funkcja holomorphyzna – definicje, podstawowe własności, równania Cauchy–Riemanna (w którejś z wersji);
- Indeks punktu względem drogi – definicja i podstawowe własności (opisane w twierdzeniu na wykładzie);
- Twierdzenie Cauchy’ego dla zbioru gwiazdzistego i wnioski (np. twierdzenie o funkcji pierwotnej, wzór Cauchy’ego, rozwijalność funkcji holomorphyznych w szereg potęgowy);
- Twierdzenia: Morery, o zerach, klasyfikacja osobliwości;
- Własność średniej, zasada maksimum i zasada maksimum modułu;
- Nierówności Cauchy’ego, twierdzenie Liouville’a
- Twierdzenie o odwzorowaniu otwartym/odwrotnym np. w takiej uproszczonej wersji: Ω - obszar, $f \in H(\Omega)$, $f \not\equiv \text{const} \implies f(\Omega)$ jest otwarty, ponadto jeśli f jest różnowartościowa, to funkcja odwrotna jest holomorphyzna.
- Twierdzenie o residuach, lemat Jordana (zadanie 62);
- Twierdzenie Rouché
- Szeregi Laurenta: definicja, twierdzenie o rozwijaniu w szereg Laurenta;
- Zbieżność niemal jednostajna: definicja i twierdzenie: jeśli $f_n \in H(\Omega)$ zbiegają niemal jednostajnie do funkcji f , to $f \in H(\Omega)$ oraz $f_n^{(k)} \rightarrow f^{(k)}$ niemal jednostajnie dla $k = 1, 2, \dots$
- Iloczyny nieskończone: wniosek o zbieżności nj. iloczynu + kiedy iloczyn jest równy zero, oraz twierdzenie o pochodnej logarytmicznej iloczynu. Rozwinięcie iloczynowe funkcji $\sin(\pi z)$. Twierdzenie o istnieniu funkcji całkowitej o zadanych pierwiastkach.
- ...oraz podstawowe pojęcia niezbędne do zrozumienia powyższych twierdzeń (np. do twierdzenia o residuach trzeba wiedzieć, co to jest biegun, funkcja meromorphyzna, residuum, a także co to jest całka wzdłuż drogi, itd.)

Wypisanych powyżej twierdzeń (zadań) nie trzeba umieć dowodzić. Należy natomiast umieć zastosować je przynajmniej w najprostszych przypadkach.

Ponadto należy koniecznie umieć liczyć całki za pomocą twierdzenia o residuach (i lematu Jordana): przede wszystkim całki jak w zadaniu typu 81 i w przykładach na wykładzie. Zadanie „typu 81e” oznacza, że jest podany kontur, po którym należy całkować.